

صفحه ۲	460C	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور
ما در جلسه آزمون است.	ضا در مندرجات کادر زیر، بهمنزله عدم حضور ش	- * داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امغ
	وطلبیوطلبی یسیسیسی با آگاهی کامل، یکسان ود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، مهام را تأیید مینمایم.	
	امضا:	

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

<u>Directions</u>: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

1	T. h	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	•	J
1-	-		-	derstanding of the true
	nature of fear, even t	hough I make my livin		0
	1) mutual	2) confident	3) possible	4) available
2-	We must stop seein	ng nuclear	as a dangerous	problem and instead
	recognize it as a safe	byproduct of carbon-f	ree power.	
	1) missile	2) arsenal	3) conflict	4) waste
3-	My father has always	s been w	vith his money. I didn't	t have to pay for college
	or even for the confus	ed year I spent at Princ	eton taking graduate co	ourses in sociology.
	1) generous	2) associated	3) content	4) confronted
4-	Even though a cease	-fire, in place since Fr	iday, has brought ten	porary
	from the bombardme	nt, the threat the strikes	s will return leaves peop	ole displaced yet again.
	1) relief	2) suspense	3) rupture	4) resolution
5-	What you'll hear, o	often, is that you show	uld you	ır dream; follow your
	passion; quit your jo	b and live the life you v	vant.	
	1) undermine	2) partake	3) pursue	4) jeopardize
6-	Nationwide, poor chi	ldren and adolescents	are participating far lo	ess in sports and fitness
	activities than their n	nore po	eers.	
	1) astute	2) otiose	3) impecunious	4) affluent
7-	It is said that "the	El" did not meet the	e historic criteria for	being registered, as it
	the vi	ew from the street of ot	her historic buildings a	nd because the structure
	generally downgraded	l the quality of life in the	city.	
	1) gentrified		•	4) galvanized

PART B: Cloze Test

<u>Directions</u>: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

The first step in the process of becoming an Olympic sport is(8) a sport from the International Olympic Committee (IOC). The IOC requires that the activity have

	صفحه		460C	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ـ شناور
	sport that point, the Anti-Doping	(9), it then me international organiz Code, including condu	oves to International Speation administering the s	ation that oversees at least one orts Federation (IF) status. At sport must enforce the World ompetition tests on the sport's by the Olympic Charter.
8-	1) to be a rec	ognition as	2) recognition	as
	3) recognizin	ig of	4) recognizing	
9-	1) For a spor	t be recognized	2) Once a sport	t is recognized
	3) A sport be	recognized	4) A recognize	d sports
10-	1) set	2) sets	3) that set	4) which to be set

PART C: Reading Comprehension

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

Human-computer interaction (HCI) has been the focus of attention for researchers in the past decade, with considerable work being done in the various modalities for communicating with a computer. Many interfaces, relying on body gestures, speech and brain computing, have been proposed or developed which <u>assist</u> humans to interact with robots in a more intelligent and natural way. Abstract thoughts and commands can be communicated to such interfaces more easily, which thereafter processes them intelligently, using past heuristics and concepts.

It is increasingly apparent that no single input modality can completely represent human thought and commands accurately, because an individual gesture can represent different concepts depending upon the context in which <u>it</u> is used. Thus, recognition of human gestures is mostly an ill-posed problem, since there might not be a unique solution (concept) for a detected gesture. To condition or improve the problem, we have to incorporate the context and semantic meaning of the gesture during the understanding stage. In this respect, multimodal interaction interfaces, which combine cues from different input modalities, can allow for a better representation of human intent and facilitate interaction with 'intelligent' computers, e.g. a household service robot.

- 11- The underlined word "assist" in paragraph 1 is closest in meaning to
 - 1) aid2) evaluate3) fund4) find
- 12-The underlined word "it" in paragraph 2 refers to1) thought2) individual3) context4) gesture
- 13-All of the following words are mentioned in the passage EXCEPT1) natural2) artificial3) speech4) condition
- 14- According to paragraph 2, the problem of recognition of human gestures can be improved by
 - 1) employing multimodal interaction interfaces
 - 2) finding a unique solution for a detected gesture
 - 3) omitting the context and semantic meaning of the gesture
 - 4) interacting with 'intelligent' computers, e.g. a robot

۴	صفحه		460C	۱۱) _ شناور	لوم کامپیوتر (کد ۲۰۹	عا
15-	•	the passage, which of	•		1.1	-

- 1) Regarding HCI, recognition of human gestures is not in fact a real problem.
- 2) Definitely, a single input modality can completely represent human thought and commands accurately.
- 3) Regardless of the context, individual gestures always represents the same concept.
- 4) Probably, there is no single solution for a detected gesture when interacting with intelligent computers.

PASSAGE 2:

That part of mathematics which is usually called Set Theory encompasses two distinct groups of definitions and results. Firstly, we have those concepts (including that of an infinite set) which are necessary for the development of cardinal numbers and transfinite arithmetic. Such concepts were first introduced into mathematics by Georg Cantor. The second collection of concepts is of a more fundamental nature and deals with the problems of inclusion, membership and classification. It is the latter group which is so often taught as part of a "Modern Mathematics" course, whose development concerns us here. To distinguish between the two groups of concepts we will restore to the last mentioned collection its old name of *class theory*. To explain the origins of class theory we must go back to the Greeks.

The Greeks were the first to realize the close relationship between mathematics and logic. One of the most influential Greek texts on logic is the *Organon* of Aristotle (circa 300 BC). In this text he advances the thesis that it is possible to reduce every valid argument to the systematic application of a small number of rules which are independent of the subject of the argument. That is, he believed the validity of an argument was determined by its *form* rather than its *content*. (Such logic is known as *formal logic*). In the *Organon* he concentrated on a particular form of argument which he called a "syllogism".

16- According to paragraph 1, the group of definitions and results which is often taught as part of a modern mathematics course is related to

- 1) what encompasses two distinct groups of definitions and results
- 2) the development of cardinal numbers and transfinite arithmetic
- 3) the problems of inclusion, membership and classification
- 4) ideas that contradict those introduced by people like Cantor

17- According to paragraph 2, in the *Organon* Aristotle believed that

- 1) logical rules depend upon the subject of an argument
- 2) the form of an argument is always inferior to its content
- 3) the only true kind of logic was what he called formal logic
- 4) the content of an argument is irrelevant in determining its validity
- 18- According to the passage, class theory is an older label for
 - 1) that part of mathematics which is usually called Set Theory
 - 2) concepts which were first introduced into mathematics by Georg Cantor
 - 3) concepts of a more fundamental nature than those introduced by Cantor
 - 4) what philosophers usually call formal logic

۵	صفحه (460C	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ـ شناور
19-	According to the passage,	which of the following sta	atements is NOT true?
	1) The approximate date o	of publication of Aristotle	e's <i>Organon</i> is known.
	2) The terms "formal logic" and "syllogist		both invented by Aristotle.
	3) In formal logic, the form of an argume		ates its content.
	4) For Greeks, logic and n	nathematics were not qui	ite independent of each other.

The passage provides sufficient information to answer which of the following questions? 20-

- 1) When did Georg Cantor publish his work on set theory?
- 2) How many books did Aristotle write on logic?
- 3) What is an example of Aristotle's syllogism?
- 4) Why is a specific branch of logic called formal logic?

PASSAGE 3:

In the sciences, mathematics is used to build a model of the observed reality. In physics, for example, scientists propose mathematical systems describing physical objects and phenomena pertaining to them. After accumulating data about planetary motion, Kepler formulated three mathematical laws which planetary motion satisfies. [1] Using these, he could simulate planets moving around a sun, predict the actual position of planets and verify properties such as "Using these laws of planetary motion, there is no way in which Mars will collide with Earth in the next million years."

Unlike these natural sciences, in computer science, we study artificial objects: computers, programs, programming languages, etc. Despite this there is no fundamental difference, in the sense that we would still like to have a model of these systems to reason mathematically about them. Will this program terminate? Does it give the right answer? Is this computer capable of performing this complex operation?

In programming, very frequently we have to represent complex structures. Imagine writing a program which has an internal representation of the map of the London Underground, chess game configurations or rules of English grammar. Describing these objects adequately requires the use of complex data structures. [2] Fortunately, objects such as the ones mentioned have been very well studied by mathematicians. [3] The mathematical way of describing such systems can then be readily translated into a data structure to be used in our programs. And just as we can use mathematics to guide the design of data structures, computer designers and computer scientists use mathematics to build circuits and computers, and design programming languages. [4]

21-The underlined word "pertaining" in paragraph 1 is closest in meaning to 4) postponing

1) presupposing 2) associated 3) autonomous 22-

Why does the author mention Kepler in paragraph 1?

- 1) To introduce a pioneer in the field of computer science
- 2) To clarify his argument by providing a relevant example
- 3) To mark the inapplicability of his theory about the movement of the planets
- 4) To show that Mars may in fact collide with Earth in the next million years

_ شناور	(17+9	(کد	کامپيوتر	علوم ا
---------	-------	-----	----------	--------

w.konkur.in	

۶	صفحه خ	4	460C	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ـ شناور
23-	computer science	ces is due to the fact th	at	e between the natural sciences and gram terminate?' never occur to
	2) in computer natural pher	•	rtificial objects, wh	ile the natural sciences deal with
	3) in both areas desirable	the existence of syst	em models and mat	hematical reasoning about them is
	4) in programm are usually si	•	esent complex struc	tures, whereas natural phenomena
24-	Which of the fo	ollowing is the best tit	le for the passage?	
	1) The Uses of	Mathematics in Cor	nputer Science	
	2) Computer S	cience or Natural Sc	ience?	
	3) Physics and	Computer Programm	ning: A Compariso	n
	4) The Uses of	Computers in Mathe	ematics	
25-				following sentence best be inserted
	in the passage?			5
	Or rather, no n	athematician studied	the London Underg	round map, but many have studied
				escribe the map of the London
	Underground.	-	-	-
	1)[1]	2) [2]	3) [3]	4) [4]

دروس پایه (ریاضی عمومی (۱ و ۲)، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال):

دو معادله $z^n = 1+i$ و $z^n = 1-7i$ بهازای کدام مقادیر طبیعی m و n، دارای حداقل یک ریشهٔ یکسان هستند? -76 $m = \Delta$, n = f () m = r, n = r (r $m = \gamma$, $n = \tau$ (τ ۴) هیچ مقداری از m و n ? فرض کنید $(\infty,\infty) o f$ یک تابع پیوسته باشد. کدام عبارت درست است $f:[1,\infty) o (\infty,\infty)$) اگر $\int_{1}^{\infty} f(x) \, dx$ همگرا باشد، $\int_{1}^{\infty} f(x) \, dx$ نیز همگرا است. (۱) اگر $\int_{\infty}^{\infty} f(x) \, dx$ همگرا باشد، $\int_{\infty}^{\infty} f^{\gamma}(x) \, dx$ نیز همگرا است.) اگر $\int_{\lambda}^{\infty} f(x) \, dx$ همگرا باشد، $\int_{\lambda}^{\infty} f(x) \, dx$ نیز همگرا است. (۳) اگر $\int_{1}^{\infty} \frac{dx}{f(x)}$ همگرا باشد، $\int_{1}^{\infty} f(x) dx$ نیز همگرا است.

Telegram: @uni_k

صفحه ۷

، x > ما مشتق پذیر باشد. اگر به ازای هر g'(x)، g'(x)، x > 0 ، $f: \mathbb{R} o \mathbb{R}$ ، f: x o x، f: x o xکدام مورد درست است؟ f(x) > g(x) () f''(x) > g''(x) (r $f(x) - f(\circ) > g(x) - g(\circ)$ (\forall $f'(x) - f'(\circ) > g'(x) - g'(\circ)$ (* اگر مقدار (f'(1) موجود و برابر f(x) باشد، آنگاه مقدار (f'(1)، کدام است? –۲۹ اگر مقدار (f'(1)، کدام است? $\frac{1}{r}$ () $\frac{1}{\ln \tau}$ (τ ln ۲ (۳ ۲ (۴ ۳۰ مقدار (x ln x)^{۱۴۰۳} dx مقدار -۳۰ $\frac{-16\circ\pi!}{16\circ\pi^{16\circ6}} (1)$ $\frac{1\epsilon \circ \epsilon_{1} \varepsilon \circ \epsilon_{i}}{-1\epsilon \circ \epsilon_{i}} \quad (L$ $\frac{16\circ\pi!}{16\circ\pi^{16\circ6}} (\pi$ $\frac{16\circ 6!}{16\circ 6_{16\circ m}} (6$ است $f(x,y) = \ln(\frac{1}{x} + y)$ است $f(x,y) = \ln(\frac{1}{x} + y)$ است $f(x,y) = \ln(\frac{1}{x} + y)$

$$(\frac{1}{r}, \frac{\gamma}{r}), (\frac{1}{r}, \frac{1}{r}) (1)$$

$$(\frac{-r}{r}, \frac{\gamma}{r}), (\frac{r}{r}, \frac{1}{r}) (1)$$

$$(\frac{r}{r}, \frac{\gamma}{r}), (\frac{r}{r}, \frac{1}{r}) (1)$$

$$(\frac{r}{r}, \frac{\gamma}{r}), (\frac{r}{r}, \frac{-1}{r}) (1)$$

$$(\frac{-r}{r}, \frac{\gamma}{r}), (\frac{r}{r}, \frac{-1}{r}) (1)$$

٨	صفحه

- ۳۲- معادله صفحهٔ مماس بر هذلولیوار یکپارچه ∘ y ≥ ۰ و x^۲ + y^۲ z^۲ + y^۲ ، در کدام نقطه از این رویه، بر خط راست x = ft - 1y = ft + 1z = f
 - $\left(\frac{r}{\lambda},-\frac{r}{\lambda},\circ\right)$ (1) $\left(\frac{r}{\Lambda},\frac{r}{\Lambda},\circ\right)$ (7 $\left(\frac{r}{\Lambda},\frac{r}{\Lambda\circ},\circ\right)$ (r $\left(-\frac{r}{2},\frac{r}{2},\circ\right)$ (r

۳۳- ماکزیمم مطلق تابع f(x,y,z) = x^۲ - ۲yz در مجموعه f(x,y,z) : z ≥ ∘ , x^۲ + y^۲ + (z - 1)^۲ ≤ ۳} کدام است؟ ۳ (۱

- ۳/۲ (۲
 - 4 (1
- 457 (4

۳۴- فرض کنید D یک ناحیه در صفحه مختصات باشد. ماکزیمم مقدار dx dy) ا (ا – ا x – ا (ا ست؟

 $\frac{7}{\pi}$ () $\frac{r}{r}$ (7 $\frac{\pi}{r}$ (π 7 (4

۳۵- حجم حاصل از دوران ناحیه واقع در زیر منحنی x = cos^۳ t و y = sin^۳ t و بالای محور x، حول محور x کدام است؟

- $\frac{\pi}{4}$ (1 $\frac{\lambda\pi}{F\Delta}$ (r
- $\frac{\pi \gamma \pi}{1 \circ \Delta}$ (m
- $\frac{19\pi}{100}$ (f

$$\begin{split} & \mathsf{P}_{\mathsf{R}}\left[\mathbf{x}\right] \to \mathsf{E}_{\mathsf{R}}\left[\mathbf{x}\right] \to \mathsf{P}_{\mathsf{R}}\left[\mathbf{x}\right] & \mathsf{P}_{\mathsf{R}}\left[\mathbf{x}\right] \to \mathsf{P}_{\mathsf{R}}\left[\mathbf{x}\right] & \mathsf{P}_{\mathsf{R}}\left[\mathbf{x$$

علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور

(به محموعه
$$\left\{ n \in \mathbb{N} \right\} = A$$
 در \mathbb{R} کدام گزینه درست است؟
(ب) سته است.
(ب) مرتقطه حدی دارد.
(ب) مرتقطه A درونی است.
(ب) مرتقطه A درونی است.
(ب) مرتقطه A درونی است.
(ب) مرتقطه A تنهاست پس نقطه حدی ندارد.
(ب) مرتقطه A تنهاست پس نقطه حدی ندارد.
(ب) مدیم استقیدیز است.
(ب) مدیم استقیدی (ب) مستقیدیز است.
(ب) مدیم است گذیم است.
(ب) مدیم است گذیم است.
(ب) مدیم است.
(ب) مدیم

 $\begin{aligned} -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ -1 & 0 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ -1 & 0 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta r &= \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \\ -\Delta$

است؟
$$\mathbf{x} = \circ, \pm 1, \mathbf{w}$$
 کدام است؟ $\mathbf{x} = \circ, \pm 1, \mathbf{w}$
(۱) $\frac{\mathbf{p}(\mathbf{r}) - \mathbf{w}\mathbf{q}(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}$ (۱)
(۲) $\frac{\mathbf{w}\mathbf{p}(\mathbf{r}) + \mathbf{q}(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}$ (۲)
(۳) $\frac{\mathbf{p}(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}$ (۳)
 $\frac{\mathbf{p}(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}$ (۳)

- ۵۵- برای محاسبهٔ تقریبی از مقدار $\int_0^{\pi} f(x) \, dx$ ، از دستور $(\alpha f(\alpha) + \beta f(\alpha) + \beta f(\alpha) + \gamma f(\alpha)$ استفاده می کنیم، بـهطـوری کـه تقریب انتگرال برای چندجملهای های حداکثر درجه ۲ دقیق باشد. مقدار تقریبی $\int_0^{\pi} x^{\pi} dx$ با استفاده از دسـتور فوق کدام است؟
 - ۱) ۱۱ ۲) $\frac{\sqrt{9}}{\frac{7}{7}}$ ۲) (7)۳) (7)۲) (7)۳) $\frac{\sqrt{1}}{\frac{7}{7}}$ ۲) برابر $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$ ۲) برابر $\sqrt{7}$

$$\frac{\sqrt{r}}{r}$$
) کمتر از ۲ (۴) کمتر از ۲ (۴)

صفحه ۱۳

۵۷- تاس سالمی پرتاب می شود، سپس سکه سالمی را به تعداد خال های ظاهر شده تاس پرتاب می کنیم. احتمال اینکه حداقل یک شیر ظاهر شود کدام مورد است؟

 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)
 ۱)

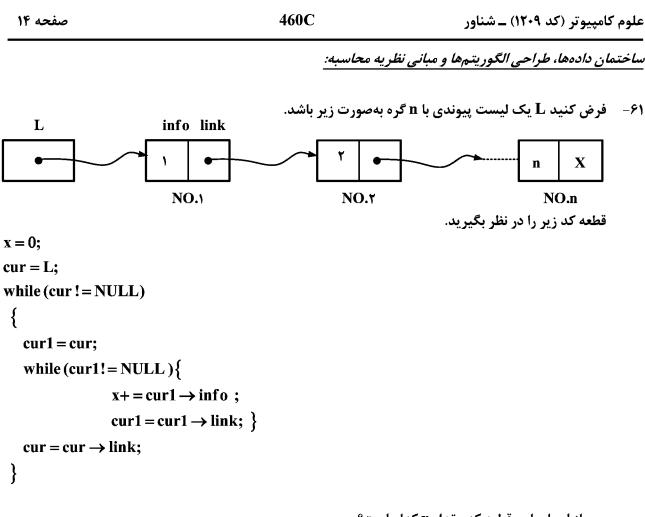
۵۹- در شهری با ۱+ n ساکن، شخصی شایعهای را در مرحله اول به شخص دوم میگوید که آن شخص بهنوبه خود در مرحله دوم آنرا برای شخص سوم تکرار میکند و به همین ترتیب شایعه در بین ساکنان تا r مرحله پخش میشود. در هر مرحله گیرنده شایعه بهطور تصادفی از بین n افراد موجود انتخاب میشود. احتمال اینکه شایعه r بار بدون تکرار برای هیچ شخص، گفته شود، کدام است؟

$$\frac{\frac{n!}{n^{r}(n-r)!}}{\frac{n!}{n^{r-1}(n-r+1)!}} (1)$$

$$\frac{\frac{n!}{n^{r}(n-r+1)!}}{\frac{n!}{n^{r}(n-r+1)!}} (1)$$

$$\frac{\frac{n!}{n^{r-1}(n-r)!}}{\frac{n!}{n^{r-1}(n-r)!}} (1)$$

- ۶۰ اگر E و F دو پیشامد باشند که P(E − F) + $\frac{7}{7}$ + P(F) = $\frac{7}{7}$ و N(E ∩ F) + N(E ∩ F)، دراین صورت کوتاه ترین محدوده تغییرات P(E) کدام است؟
 - $\frac{1}{r} \le P(E) \le \frac{r}{r} \quad (r) \qquad \qquad \circ \le P(E) \le 1 \quad (1)$ $\circ \le P(E) \le \frac{1}{r} \quad (r) \qquad \qquad \frac{1}{r} \le P(E) \le 1 \quad (r)$



پس از اجرای این قطعه کد مقدار x کدام است؟ (۱) $\frac{n(n+1)}{7}$ (۱) (۲) $\left(\frac{n(n+1)}{7}\right)^{7}$ (۲) (۳) $(1+7^{7}+7^{7}+\cdots+n^{7})$ (۳) (۳) $(1+7^{7}+7^{7}+\cdots+n^{7})$ (۴)

9۲- یک آرایه از اعداد صحیح بهطول n و عدد x داده شده است. میخواهیم تعداد سهتاییهایی به فرم (i, j,k) که x = A[i] + A[j] + A[k] را بیابیم (آرایه ممکن است شامل اعداد منفی نیز باشد). پیچیدگی زمانی بهینه از چه مرتبهای است؟

$$n^{r}$$
 (r $n \log n$ ()

$$n^{r} \log n$$
 (* n^{r} (*

۶۳ فرض کنید یک لیست پیوندی یکطرفه داریم. میخواهیم گره دوم از انتها یعنی گره ماقبل آخر را حـذف کنـیم. بهترین روش برای انجام این کار چیست؟ ۱) تبدیل لیست به آرایه و حذف گره ۲) حرکت دادن یک اشاره گر تا انتهای لیست و شمارش گرهها ۳) حرکت دادن یک اشاره گر با شمارنده تا موقعیت مطلوب ۴) استفاده از دو اشاره گر که یکی دو گره جلوتر از دیگری است.

لوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور

۱۵	صفحه
----	------

ست پیوندی با عناصر یکتا داریم. این پشــته دو عمـل	ده از یک لی	فرض کنید یک پشته (Stack) پیادهسازی شده با استفاد	-94
		اصلی push و pop را پشتیبانی میکند. حال میخواهیم	
		در پشته را در زمان ثابت (۱) و بدون تغییر پشته بر گرد	
و اولين عنصر (کوچکترين) را بهدست ميأوريم.	رتب کردہ	۱) هر زمان که به تابع مینیمم نیاز داشتیم، پشته را مر	
را پیمایش کرده و کوچکترین مقدار را پیدا کنید.	ت پيوندى	۲) در هر بار فراخوانی تابع مینیمم، تمامی عناصر لیس	
سر فعلی اشاره کند و در زمان هر عملیات push و	ترين عنص	۳) از یک اشاره گر اضافی استفاده کنید که به کوچک	
		pop این اشاره گر را بهروزرسانی کنید.	
ی عنصر پشته اصلی را ذخیره کند و در زمان انجام	ئوچک ترين	۴) یک پشته کمکی داشته باشید که در هر لحظه ک	
	انی کنید.	عملیات push و pop این پشته کمکی را بهروزرس	
ان قابلیتهای یک صف معمولی و یک صف اولویت	، که همزما	فرض کنید میخواهید یک دادهساختار طراحی کنید	-80
واند عملیاتهای زیر را انجام دهد:	تار باید بتر	(Priority Queue) را پشتیبانی کند. این دادهساخ	
ن p به دادهساختار اضافه میشود.	x با اولوين	_افزودن یک عنصر ((Enqueue (x,p)): یک عنصر	
Dec): عنصر با بیشــترین مقــدار اولویــت حــذف و	queue N	_حذف و بازگرداندن عنصر با بالاترین اولویت (Max	
		بازگردانده میشود.	
ی که وارد شده است، حذف و بازگردانده می شود.	ولين عنصر	_ حذف و بازگرداندن اولین عنصر (Dequeue First): او	
، دادهساختار استفاده کنید. اگر تعداد کل عناصر n	ەسازى اين	شما فقط می توانید از سه پشته (Stacks) برای پیاده	
		باشد، بدترین پیچیدگی زمانی هر یک از عملیاتهای	
۱ (۴ log	n (۳	n log n (ĭ n (١	
ی باز و بسته، عملکردهای ریاضی (+,-,×, /) و	ں پرانتزھا:	فرض کنید میخواهیم یک عبارت ریاضی را که شامل	-99
یود. برای این کار از ترکیبی از پشته و صف استفاده	داده میش	اعداد است، ارزیابی کنیم. عبارت بهصورت یک پشته	
		میشود بدین صورت که:	
		_ابتدا از یک صف برای تبدیل عبارت ورودی به عبار	
		ـ سپس از یک پشته برای محاسبه مقدار عبارت پس	
ِ است؟	، مناسب تر	کدام روش زیر برای تبدیل عبارت ورودی به پسوندی	
نمام عبارت، آنها را به صف خروجی منتقل کنید.	از پردازش ا	۱) ابتدا تمام عملگرها را در یک پشته ذخیره کنید و پس ا	
و از پشته برای هیچ بخشی از تبدیل استفاده نکنید.	ـتقل كنيد ،	۲) تمام عملگرها و پرانتزها را مستقیماً به صف خروجی من	
ز بسته مشاهده شد، عملگر را از صف خارج کنید.	بان که پرانڌ	۳) از یک صف برای ذخیره عملگرها استفاده کنید و هر زم	
		۴) از یک پشته برای ذخیره عملگرها استفاده کنید و ه	
	ىنتقل كنيد	در پشته بود، عملگرهای پشته را به صف خروجی م	
		کدامیک از الگوریتمهای مرتبسازی زیر پایدار (Stable	-91
می ۴) انتخابی	۳) هر	۱) سريع ۲) درجی	
		در مورد الگوریتم هافمن کدام مورد درست است؟	-9X
بود.	تر خواهند	۱) حروف با فرکانس بیشتر دارای کدهای با طول بیشن	
ود.	ر خواهند ب	۲) حروف با فرکانس بیشتر دارای کدهای با طول کمتر	
ָﺩ.	خواهند بو	۳) حروف با فرکانس کمتر دارای کدهای با طول کمتر	
	•	۴) حروف با هر فرکانسی دارای کدهای یکسان هستند	

460C علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور صفحه ۱۶ ۶۹- مرتبه زمانی T(n) کدام است؟ $T(1) = \Delta$ $T(n) = n + i + T(\frac{n}{r})$ $n.\log(1)$ n (۲ log n (r n^r (۴ n عدد صحیح k رقمی داریم (k ثابت و مستقل از n هست) کدام مورد دقیق تر است؟ _Y•) این اعداد را میتوان در زمان heta(n) و با حافظه O(n) مرتب کرد. (۱) این اعداد را میتوان در زمان $heta(n \log n)$ و با حافظه (heta(n) مرتب کرد.) مرتبسازی این اعداد به زمان heta(n) و حافظه $\Omega(n^{7})$ احتیاج دارد. ۳) مرتبسازی این اعداد دستکم به زمان $\Omega(n\log n)$ و حافظه $\Omega(n)$ نیاز دارد.

فرض کنید
$$(\frac{1}{x}) + \theta(\frac{1}{x})$$
 . پیچیدگی رابطه T کدام است؟
 $\theta(\frac{\log x}{x})$ (۱) $\theta(\frac{\log x}{x})$ (۱) $\theta(\log x)$ (۲)

$$\theta(x \log x)$$
 (r

$$\theta(x(\log x)^{\gamma})$$
 (f

فرض کنید $\mathrm{L}_{\mathbf{n}}$ زیرمجموعهای از $\mathbb{Z} imes\mathbb{Z}$ بهصورت زیر باشد: –۷۲

$$\begin{split} L_n = & \left\{ (i\,,j) \middle| \, i+j \leq n, i \geq \circ, j \geq \circ \right\} \\ & \text{ a structure} \\ & \text{ a struc$$

- v ×
- ۴) ۲

صفحه ۱۷

یک گراف جهتدار (\mathbf{u} , \mathbf{v}) مدلی برای یک شبکه کامپیوتری با \mathbf{n} رأس است. وزن یال (\mathbf{u} , \mathbf{v}) را با –۷۳ w(u,v) نشان میدهیم که برابر با احتمال خرابی (قطع کامل) آن یال است. میخواهیم در این گراف احتمال خرابی قابل اعتمادترین مسیر از هر رأس i به هر رأس دیگر j را پیدا کنیم که مسیری با احتمال خرابی مینیمم است. فرض کنید که احتمال خرابی یالها مستقل از هم هستند. میخواهیم از الگوریتم فلوید برای حل این مسئله استفاده کنیم. اگر P_{ii} احتمال خرابی یک مسیر بین دو رأس i و j با کمترین احتمال خرابی باشد، چه عبارتی در سطر (a) قرار گیرد تا الگوریتم درست عمل کند؟

$$\begin{split} P_{ij}^{k} &= \min \left\{ P_{ij}^{(k-1)} \;, \min \left\{ P_{ik}^{(k-1)} \;, P_{kj}^{(k-1)} \right\} \right\} \; (1) \\ P_{ij}^{k} &= \min \left\{ P_{ij}^{(k-1)} \;, \max \left\{ P_{ik}^{(k-1)} \;, P_{kj}^{(k-1)} \right\} \right\} \; (1) \\ P_{ij}^{k} &= \min \left\{ P_{ij}^{(k-1)} \;, P_{ik}^{(k-1)} + P_{kj}^{(k-1)} \right\} \; (1) \\ P_{ij}^{k} &= \min \left\{ P_{ij}^{(k-1)} \;, P_{ik}^{(k-1)} \times P_{kj}^{(k-1)} \right\} \; (1) \end{split}$$

ا فایل داریم که طول فایل ام ${
m L}_{
m i}$ و احتمال دسترسی به آن ${
m P}_{
m i}$ است به ما داده شده است. می خواهیم این فایل ${
m n}_{
m i}$ –۷۴ است به ما داده شده است. می خواهیم این فایل ها را طوری پشت سرهم قرار دهیم که میانگین زمان دسترسی به فایلها کمینه شود. به عبارت دیگر میخواهیم این

فایل ها را به تر تیب از ۱ تا n شماره گذاری کنیم به طوری که
$$\sum_{i=1}^{n} \left(P_{i} \sum_{j=1}^{i} L_{j} \right)$$
 کمینه شود. کدام یک از راههای زیر
بمترین تر تیب برای این کار است؟

بهترین تر لیب برای این کار است ا

$$\frac{L_i}{P_i}$$
 به صورت صعودی
(۱) مرتب سازی براساس $\frac{P_i}{P_i}$ به صورت صعودی
(۲) مرتب سازی براساس $\frac{P_i}{L_i}$ به صورت تساوی براساس P_i
(۳) مرتب سازی براساس $\frac{L_i}{P_i}$ و پیمایش آن به صورت عمق اول
(۴) ساخت درخت هافمن براساس و م

$$f(n) = \omega(g(n))$$
 (نماد o کوچک) آنگاه $f(n) = \omega(g(n))$

$$- اگر (f(n)) = 0 (f(n))
- اگر $= \frac{f(n)}{g(n)} = \frac{f(n)}{g(n)}$

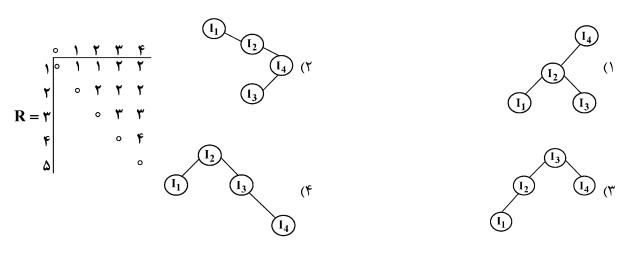
$$- [1] (f(n))^{c} = o(a^{f(n)})$$
 ($f(n)$ داریم: $f(n)$ داریم: $f(n)$ ($f(n)$)

$$- (f(n))^{c} = o(a^{f(n)})$$
 ($f(n)$ ($f(n)$)

$$- (f(n))^{c} = 0$$$$

- ۷۶- فرض کنید آرایهای از n عنصر داده شده است و میخواهید میانه (Median) آن را با استفاده از روش تقسیم و حل (Divide and Conquer) پیدا کنید. کدامیک از گزینههای زیر درباره این رویکرد صحیح است و با کمترین هزینه، پاسخ درست را محاسبه خواهد کرد؟
- ۱) در هر مرحله، آرایه به دو بخش با اندازه برابر تقسیم می شود و میانه هر بخش جداگانه محاسبه می شود. سپس، میانه نهایی با استفاده از این دو مقدار و در زمان (۱)O تعیین می شود.
- ۲) این روش فقط زمانی کار میکند که آرایه بهصورت مرتب باشد، زیرا برای پیداکردن میانه نیاز به مرتبسازی اولیه داریم که درصورت استفاده از Radix Sort در بدترین حالت O(n) خواهد شد.
- ۳) از الگوریتم انتخاب k- امین کوچکترین عنصر استفاده می شود که با پیچیدگی زمانی O(n) در بدترین حالت می تواند میانه را بدون نیاز به مرتب سازی کامل آرایه پیدا کند.
- ۴) از الگوریتم انتخاب k- امین کوچکترین عنصر و Quick Sort استفاده می شود که با پیچیدگی زمانی (nlogn) (۲ در بدترین حالت می تواند میانه را بدون نیاز به مرتب سازی کامل آرایه پیدا کند.
- ۷۷- فرض کنید نتیجه یک ماتریس ریشه R از درخت جستجوی دودویی بهینه بهصورت جدول زیر حاصل شده است و

و $p_{\gamma} = p_{\gamma} = \frac{\gamma}{\lambda}$ احتمال جستجوی این درخـت دودویـی هسـتند. $I_{1} < I_{\gamma} < I_{\gamma} < I_{\gamma} < I_{\gamma}$ احتمال جستجوی این درخـت دودویـی هسـتند. كدام گزینه شكل نهایی درخت مزبور است؟ (R مشخصكننده فرزندان دورشده است.)



۲۸- برای کدام یک از مسائل زیر، الگوریتم با زمان چندجمله ای پیدا شده است؟
 الف ـ کوله پشتی کسری
 ب ـ تعیین نزدیک ترین زوج نقطه بین چند نقطه داده شده در صفحه
 ۱) هر دوی «الف» و «ب»
 ۲) فقط «الف»
 ۳) فقط «الف»

صفحه ۱۹	460C	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور
تا k قرار دهید، بهطوریکه:	می خواهید در هر خانه از این جدول یک عدد بین ۱	 ۷۹ - فرض کنید یک جدول n × n دارید و ه
	نحصربهفرد باشد (مانند جداول سودوكو).	_ هر عدد در هر سطر و هر ستون من
	نمی توان مقدار آنها را تغییر دارد.	_ برخی خانهها از قبل پر شدهاند و ن
کدام روش برای بهینهسازی و	قبگرد (Backtracking) استفاده میکنید. ک	برای حل این مسئله از الگوریتم ع
	<u>بر</u> مناسب تر است؟	جلوگیری از بررسی مسیرهای <mark>ن</mark> امعت <u>ب</u>
متری دارند.	جدول قرار دارند پر کنید، زیرا محدودیتهای کم	۱) ابتدا خانههایی را که درگوشههای
كنيد.	انتخاب کنید و بهترتیب مقادیر ۱ تا k را امتحان	۲) در هر مرحله، اولین خانه خالی را
دفی برای خانهها استفاده کنید.	تمام خانهها محاسبه کنید و سپس از مقداردهی تصاد	۳) در هر مرحله، مقادیر ممکن را برای
ری را امتحان کنید که در سطر و	ید که تعداد مقادیر ممکن کمتری دارد و ابتدا مقادیر	۴) در هر مرحله، خانهای را انتخاب کنی
	د.	ستون همسایگان کمتر تکرار شدهاند
و حد (Branch and Bound)	Matrix Chain Multiplicatio)، از روش شاخه و	۸۰ - در مسئله زنجیره ضرب ماتریسها (on
ں زیر بەدرستی مفهوم شاخەھ ا	ماتریسها استفاده میشود. کدامیک از گزینههای	برای پیداکردن ترتیب بهینه ضرب ه
	ر این روش توضیح میدهد؟	(Branches) و حدها (Bounds) را در
و زیرمسئله تقسیم میکنند و حد	سیم ممکن بین ماتریسها هستند که مسئله را به دو	۱) شاخهها نشاندهنده تمامی نقاط تق
و عملیات نهایی ادغام آنها است.	, تعداد عملیات ضرب مورد نیاز برای حل زیرمسئلهها	پایین (Lower Bound) مجموع
و حد پایین (Lower Bound)	بر ترتیب خاص از ضرب ماتریسها را نشان میدهند و	۲) شاخهها تعداد عملیات ضرب برای ه
ب عددی میشوند.	اده میشود که منجر به بیشترین تعداد عملیات ضرب	تنها برای شناسایی شاخههایی استف
، مسئله را به دو زيرمسئله تقسيم	ی ممکن برای گروہبندی ضرب ماتریس،ها هستند که	۳) شاخهها نشاندهنده تمام ترکیبهای
ی ممکن در کل مسئله است.	Low) نشاندهنده تعداد حداقل عمليات ضرب عددو	مىكنند و حد پايين (rer Bound
	ها با رویکرد شاخه و حد مقدور نیست.	۴) حل مسئله زنجیره ضرب ماتریسه
$\alpha = 11 \circ 1 \circ 11 \circ 1 \circ 11 \circ \circ \circ 1 \circ \circ$	+ ۰)(۰ + ۱)* (۰ + ۱)* باشد. از دو عبارت ۰	۸۱- فرض کنید L زبان عبارت منظم (۱
	یو زبان L است؟	و ۱۱ ۱۱۱۰ ۱۱۱۰ ۱۰ ۹۰ = β، کدام عض
		۱) هردو
		lpha فقط (۲
		eta) فقط (۳
		۴) هیچکدام
		۸۲- فرض کنید L زبان گرامر زیر باشد:

 $S \rightarrow TbT$

 $T \rightarrow aTb \,|\, bTa \,|\, TT \,|\, \lambda$

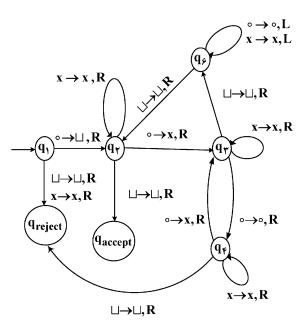
از دو عبارت $m{eta}=bbb\,ab\,aa\,b$ و $m{\alpha}=b\,aa\,bb\,a\,bb\,ab\,ab\,ba\,bb$ ، کدام عضو زبان L است؟

- ۱) فقط α
- ۲) فقط β
- ۳) هردو
- ۴) هیچکدام

www.			
	120D	2118	5
	кспп	кіп	
· · · · · · · .		NULL	

صفحه ۲۰	460C	للوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور
		۸۱- فرض کنید L زبان گرامر زیر باشد:
$S \rightarrow BA$		
$\mathbf{A} \rightarrow \circ \circ \mathbf{A}$		
$\mathbf{B} \rightarrow \mathbf{\circ} \mathbf{B} \mid \mathbf{\circ}$		
	کدام عضو زبان L هست؟	از دو عبارت ^۱ ' α = ο ^{۲۱} و ^۲ ' β = ۰ ^{۲۲}
		lpha) فقط (۱
		β) فقط (۲
		۳) هر دو
		۴) هیچ کدام
		۸۱ فرض کنید:
$\mathbf{L}_{\mathbf{y}} = \{\mathbf{w} \in \{\mathbf{a}, \mathbf{b}\}^* \mid \mathbf{w} = \mathbf{w}^{\mathbf{R}}\}$	}	
$\mathbf{L}_{\mathbf{Y}} = \{\mathbf{w} \in \{\mathbf{a}, \mathbf{b}\}^* \mid \mathbf{n}_{\mathbf{a}\mathbf{b}}(\mathbf{w})$	$= n_{aa} (w)$	
	aa	از این دو زبان کدام منظم است؟
	۲) فقط _۲	ر المقطر للماني المراجع المراجع المراجع المراجع
	۴) هیچکدام	۳) هر دو
	,	۸- از دو عبارت زیر کدام صحیح است؟
خواهد بود.	نظم حذف كنيم حاصل يك زبان منظم .	I: اگر تعدادی متناهی رشته از یک زبان من
		II: اگر تعدادی متناهی رشته به یک زبان :
		۱) فقط I
		۲) فقط II
		۳) هر دو
		۴) هیچکدام
	ع S باشد:	۸۰- فرض کنید L زبان گرامر زیر با متغیر شرو
$S \rightarrow aAS$		
$S \rightarrow a$		
$A \rightarrow SbA$		
$A \rightarrow SS$		
$A \rightarrow ba$		از دو عبارت زیر کدام صحیح است؟
\mathbf{n} , \mathbf{a} , $ \mathbf{v}\mathbf{v} > \mathbf{b}$, $\mathbf{w} =$	HVXVZ A SA Idada SA H. V. X.	از دو عبارت ریز ندام همینی است: I: بـرای هـر K∈L، پـنج رشـته y, z
יי פי בו ייי ו פ ארי א	u (x, 2	uv ⁿ xy ⁿ z ∈ L
م بده باید میتواند.	$\mathbf{L}_{\mathbf{u}} = \mathbf{L}_{\mathbf{u}} \begin{bmatrix} \mathbf{L}_{\mathbf{u}} & \mathbf{L}_{\mathbf{u}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{L}_{\mathbf{u}} & \mathbf{L}_{\mathbf{u}} \end{bmatrix} \mathbf{L}_{\mathbf{u}} = \mathbf{L}_{\mathbf{u}} \begin{bmatrix} \mathbf{L}_{\mathbf{u}} & \mathbf{L}_{\mathbf{u}} \end{bmatrix} \mathbf{L}_{\mathbf{u}}$	uv xy z∈L II: اگر زبانهای L₁ و L₁ به گونهای باشن
و ۲۱ هروو باین مستص از مست		باشند. باشند.
		بسمی. ۱) فقط I
		۲) فقط II ۲) فقط II
		۳) هر دو

- ۸۷- فرض کنید L زبان PDA با شکل زیر باشد که Σ = {a,b} الفبای ورودی و Γ = {x , z} الفبای پشته و z نماد بالایی پشته است.
- با قرار گرفتن کدامیک از دو مقدار a یا b به جای y در w = a^{۱۴۰۴}y b^{۲۱۰۵} ، رشته w حاصل در L قرار میگیرد؟ ۱) فقط a
 -) فقط b
 - $\xrightarrow{\lambda, \lambda \to z} (q_{\gamma}) \xrightarrow{\lambda, \lambda \to \lambda} (q_{\gamma}) \xrightarrow{\lambda, \lambda} (q_{\gamma})$
 - ۸۸- فرض کنید L زبان ماشین تورینگ زیر باشد:



از دو مورد زیر کدام درست است؟

۳) هردو

 $I:\circ\circ\circ\circ\circ\circ\in L$

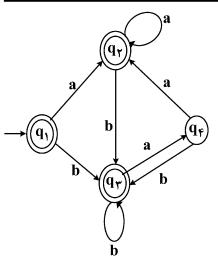
II: $\circ \circ \circ \circ \circ \circ \circ \circ \in L$

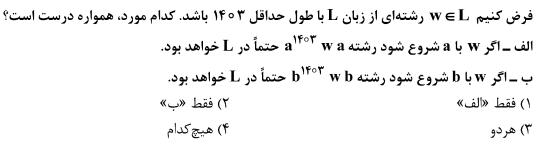
۸۹- فرض کنید M یک ماشین تورینگ معمولی است با این تفاوت که امکان حرکت به چپ را ندارد اما می تواند در همان خانه بماند. کدام مورد درخصوص M درست است؟

- ۳) M قدرت تشخیص زبان،های منظم را دارد ولی قدرت تشخیص زبان،های مستقل از متن را ندارد.
- ۴) M قدرت تشخیص زبانهای مستقل از متن را دارد ولی قدرت آن از ماشینهای تورینگ معمولی کمتر است.

460C

۹۰- فرض کنید L زبان dfa زیر باشد:





مبانی منطق و نظریه مجموعهها:

۹۱ - چه تعداد از گزارههای زیر، با گزاره (۲, x Jy P(x,y-، معادل منطقی هستند؟

(a) $\exists x \neg \forall y P(x, y)$ (b) $\exists x \exists y \neg P(x, y)$ (c) $\exists x \neg \exists y P(x, y)$ (d) $\exists x \forall y \neg P(x, y)$ ۲) دو ۱) یک ۳) سه ۴) چهار ۹۲ – از دو استدلال زیر کدام معتبر است؟ الف _ چنین نیست که (همه دانش آموزان باهوش و همه معلمها توانمند باشند.) اگر منابع مالی بهاندازه کافی وجود داشته باشد، آنگاه همه معلمها توانمند هستند. بنابراین: اگر همه دانش آموزان باهوش هستند، آن گاه منابع مالی بهاندازه کافی وجود ندارد. ب ــ تمام دانش آموزان باهوش هستند. بعضى معلمها باهوش هستند. بنابراین: بعضی دانش آموزان معلم هستند. ۱) فقط «الف» ۲) فقط «ب» ۴) هیچکدام ۳) هر دو

460C صفحه ۲۳ علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور $\alpha \equiv \neg P \rightarrow (r \lor q)$ کدامیک مستلزم منطقی دیگری است؟ (X را مستلزم منطقی Y گوییم β=¬r→(¬p→q) آز دوعبارت –۹۳ هرگاه X ⇒(Y) ۱) فقط α مستلزم β است.) فقط β مستلزم α است. ۴) هیچکدام مستلزم دیگری نیست. ۳) هر یک مستلزم دیگری است. ۹۴- کدام مورد بهترین ترجمه برای عبارت زیر در منطق گزارهها است؟ اگر آفتاب طلوع کند «به دوچرخهسواری می روم فقط اگر دوچرخه خراب باشد.» آفتاب طلوع ميكند: T به دوچرخهسواری می روم :D دوچرخه خراب است: K $T \rightarrow (-K \rightarrow D)$ (7 $(T \land \neg K) \rightarrow D$ () $T \rightarrow (D \leftrightarrow K)$ (f $T \rightarrow (K \rightarrow \neg D)$ (r ۹۵- فرض کنید: A(x): یک کاربر است xx به سرور وصل شده است : (x R(x,y): را دریافت می کند y، x x ییام کدگذاری شده است : x کدام مورد بهترین ترجمه برای عبارت زیر در منطق سورها است؟ «کاربرانی که به سرور متصل شده باشند، همه پیامهای کدگذاری شده را دریافت میکنند.» $\forall x [A(x) \land C(x) \rightarrow \forall y (k(y) \rightarrow R(x, y))] (Y)$ $\forall x [\neg (A(x) \land C(x)) \rightarrow \neg \forall y (k(y) \rightarrow R(x, y))] (\forall$ $\forall x [A(x) \rightarrow \forall y (k(y) \land R(x, y) \rightarrow C(x))$ (" $\forall x [A(x) \land \exists y (k(y) \land \neg R(x, y)) \rightarrow \neg C(x))]$ (* . فرض کنید f L زمان مرتبه اول $f L=\{R,C\}$ باشد که در آن R نماد معمولی دوموضعی و C ثابت است. دو $\mathbb{N} = (\mathbb{Z}, <_m, -1)$ دو $\mathbb{N} = (\mathbb{N}, <, \circ)$ دو $\mathbb{N} = (\mathbb{Z}, <_m, -1)$ دو $\mathbb{N} = (\mathbb{Z}, <_m, -1)$ نامنفی، \mathbb{Z} مجموعه اعداد صحیح، > کوچک تری معمولی اعداد صحیح نامنفی و $_{
m m}$ - به صورت زیر است: $\int x, y \ge \circ, x < y$ $\mathbf{x} <_{\mathbf{m}} \mathbf{y} \Leftrightarrow \begin{cases} \mathbf{x}, \mathbf{y} < \circ, -\mathbf{x} < -\mathbf{y} \\ \mathbf{x} \ge \circ, \mathbf{y} < \circ \end{cases}$ اگر lpha: N o M یک نشاندن (embedding) از N به M باشد از دو گزاره زیر، کدامیک همواره درست است lpha $\alpha(1) = -1$ (الف) ب) α پوشا است. ۱) فقط «الف» ۴) هیچکدام ۳) هر دو ۲) فقط «ب» با درنظرگرفتن فرضیات سؤال ۹۶، اگر $R(y,x) o \exists y R(y,x) \to \exists y R(y,x)$ با درنظرگرفتن فرضیات سؤال ۹۶، اگر -۹۷ $N \models \alpha, M \not\models \alpha$ (r $N \not\models \alpha, M \models \alpha ()$

 $N \not\models \alpha, M \not\models \alpha$ (* $N \models \alpha, M \models \alpha$ (*

فرض کنید α یک فرمول در منطق گزارهها شامل سه گزاره اتمی q, p و r باشد، که در جدول ارزش آن ارزش ۰ مطابق جدول زیر وجود دارد:	
α	
0	
o	
 o	
در فرم نرمال عطفی (CNF) ۵، کدام عبارت (Clause) دیده نمی شود؟	
$\neg p \lor q \lor r$ (Y) $\neg p \lor q \lor \neg r$ (Y)	
$\neg p \lor \neg q \lor r$ (f $p \lor q \lor \neg r$ (f	
فرض کنید رابط گزارهای * با جدول ارزش زیر داده شده است. ۰ ۱ ۱ ۱	_ ٩ ٩
یک مجموعه از رابطهای گزارهای را کامل گوییم، هرگاه هر فرمول در منطق گزارهها دارای معادلی ب	
رابطهای آن مجموعه استفاده کرده باشد.	
در بین $\{A, \lor\}, A_{1} = \{\neg, \rightarrow\}, A_{2} = \{A, \lor\}$ ، چندمجموعه کامل از رابطههای گزارهای، وج	
 دو ۳) سه ۴) صفر 	
فرض کنید زبان مرتبه اول شامل یک نماد معمولی دو موضعی P باشد. سه جمله b ،a و c زیر را در i	-1++
$z(P(x, y) \rightarrow (P(y, z) \rightarrow P(x, z)))$	
$P(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \to (P(\mathbf{y}, \mathbf{x}) \to \mathbf{x} = \mathbf{y}))$	
(x,y) → ∃y∀x P(x,y) اگر ساخت N بهصورت ({۰,۱}×{۰,1}) یاک (یاف شود، آنگاه چه تعداد از سه عبارت فو N اگر ساخت N ا	
الرساعي ١٢ به طورت (۲٫۰٫۰) × ۲٫۰٫۰٫٫۲٫۰٫٫۲٫۰٫۱٫۳ عزیف سود، العاد چه عماد ۱٫۶ سه عبارت دو هستند؟	
مستندر: ۱) یک ۲) دو ۳) سه ۴) صفر	
-	
کدام مورد، درخصوص مجموعه تمام زیردنبالههای دنباله $\left\{ \frac{1}{n} \right\}_{n=1}^{\infty}$ درست است؟	-1•1
کدام مورد، درخصوص مجموعه تمام زیردنبالههای دنباله $\left\{ \frac{1}{n} \right\}_{n=1}^{\infty}$ درست است؟ () ناشمارا است.	- 1• 1
n /	-1•1
۲) ناشمارا است. ۲) ناشتاهی ولی شمارا است. ۲) نامتناهی ولی شمارا است.	
۱) ناشمارا است. ۲) ناشمارا است. ۳) نامتناهی ولی شمارا است. مجموعه $a + b\sqrt{r} : a, b \in \mathbb{Q}$ با چه تعدادی از مجموعه های \mathbb{R}, \mathbb{C} و \mathbb{R} هم توان است	
۱) ناشمارا است. ۲) ناشمارا است. ۳) نامتناهی ولی شمارا است. ۳) مجموعه $\{a+b\sqrt{r}: a,b \in \mathbb{Q}\}$ با چه تعدادی از مجموعههای $\mathbb{Q}, \left[\sqrt[7]{r}, \circ\right]$ و \mathbb{N} هم توان است ۱عداد طبیعی، \mathbb{Q} مجموعه اعداد گویا و \mathbb{C} مجموعه اعداد مختلط است.)	
۱) ناشمارا است. ۲) ناشمارا است. ۳) نامتناهی ولی شمارا است. مجموعه $a + b\sqrt{r} : a, b \in \mathbb{Q}$ با چه تعدادی از مجموعه های \mathbb{R}, \mathbb{C} و \mathbb{R} هم توان است	-1•۲
(۱) ناشمارا است. (۲) ناشمارا است. (۳) نامتناهی ولی شمارا است. (۳) نامتناهی ولی شمارا است. (۳) نامتناهی ولی شمارا است. (۳) عمروعه اعداد گویا و \mathbb{T} مجموعههای \mathbb{T} , \mathbb{T} , \mathbb{T} و \mathbb{T} هم توان است اعداد طبیعی، \mathbb{Q} مجموعه اعداد گویا و \mathbb{T} مجموعه اعداد مختلط است.) (۳) یک (۳) یک (۳) یک (۳) یو (۳) یه (۳) یا شد. (۹) یک (۳) یک	-1•۲
(۱) ناشمارا است. (۲) ناشتاهی ولی شمارا است. (۳) نامتناهی ولی ناتهی است. (۳) نامتناهی ولی ناتها است. (۳) نامتاها است. (۳) نامتا است. (۳) ناما ا	-1•۲
۲) ناشمارا است. ۲) ناشمارا است. ۳) ناشمارا است. ۳) ناشماره ولی شمارا است. ۳) ناشماره ولی شمارا است. ۳) ناشماره و $(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{y}, \mathbf{y})$ و $(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{y})$ و $(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{y})$ و (\mathbf{x}, \mathbf{y})	-1•۲

Telegram: @uni_k

20	صفحه
----	------

G : ℕ بـا ضـابطه G(n) = f _n چنـان تعريـف شـود، كـه	$\mathbb{N} o \mathbb{N}^{\mathbb{N}}_{\mathbf{e}}$ فرض کنید $\mathbb{N}_{\mathbf{e}}$ مجموعه اعداد طبیعی زوج و $\mathbb{N}_{\mathbf{e}}$		
ن؟ ($\mathbb{N}_{f e}^{f N}$ یعنی مجموعه همه توابع از \mathbb{N} به $\mathbb{N}_{f e}^{f N}$)	و f_n : $\mathbb{N} o \mathbb{N}_e$. کدام مورد درست است f_n		
۲) G یکبهیک است ولی پوشا نیست.	۱) G پوشا است ولی یکبهیک نیست.		
۴) G نه یکبهیک و نه پوشا است.	۳) G هم یکبهیک و هم پوشا است.		
یت). مجموعه A با کدامیک از مجموعههای زیر، هم توان است؟	فرض کنید $iggl\{ \mathbf{X} \simeq \mathbb{N} \mathbf{X} \simeq \mathbb{N} iggr\}$ (\simeq نماد هم توانی اس – ۱۰۵ – فرض کنید (
$r^{\mathbb{R}}$ (r	\mathbb{Q} ()		
. $n\in\mathbb{N}$ که $\left\{ 1,,n ight\}$ (۴	Q () R (*		
	۱۰۶- فرض کنید {A = ℕ-{۱}. رابطه R را بر A بهصورت: ۱		
	میکنیم. کدام مورد برای ترتیب جزئی (A,R)، درست است		
	الف ـ هر زنجير، كران بالا دارد.		
	ب _ (A, R) دارای عضو ماکسیمال هستند.		
٣) هر دو ۴) هیچکدام	۱) فقط «الف» ۲) فقط «ب»		
	۱۰۷- از دو عبارت زیر، کدام معادل اصل انتخاب، است؟		
	الف ـ هر تابع پوشا دارای وارون راست است.		
ی باشد، آنگاه $\mathbf{A}_{lpha} = \mathbf{A}_{lpha}$ ، ناتهی است.	ب _ اگر $ig \{ { m A}_lpha : lpha \in { m I} ig \}$ خانوادهای از مجموعههای ناته		
۳) هر دو ۴) هیچکدام	۱) فقط «الف» ۲) فقط «ب»		
۱۰۸- تمام اعضای مجموعه ((((Ø)) P (P (P (Ø)) را فهرست میکنیم (P نشاندهنده مجموعه توانی است). اگر x تعداد			
ست در این فهرست باشند، آنگاه کدام مورد درست است؟			
$xy \ge 17$ (7	$\circ \leq xy \leq F$ (1 9 $\leq xy \leq$ 17 (m		
$\Delta \leq xy \leq \lambda$ (f	$9 \leq xy \leq$ 17 (m		
و گزاره زیر، کدام مورد درست است ؟	۱۰۹- فرض کنید C مجموعهای ناتهی از اوردینالها باشد. از د		
	الف _ C ∩، کوچک ترین اوردینال در مجموعه C است		
a ∈ Ord : ∀f است.	ب ـ		
۲) فقط «ب»	۱) فقط «الف»		
۴) هیچکدام	۳) هر دو		
است؟	۱۱۰ – از دو اوردینال زیر، کدام اوردینال با ∞+∞+∞، برابر		
	الف ـ ۵۰۳ ب ـ ۳۰۵		
۲) فقط «ب»	۱) فقط «الف»		
۴) هیچکدام	۳) هر دو		

ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات:

۱۱۱ – به چند طریق می توان از ۶۴ خانه یک جدول ۸×۸ سه خانه انتخاب کرد، بهطوری که یکی از این سهخانه با هر دو خانه انتخاب شده دیگر ضلع مجاور داشته باشد؟

292	(٢	198	()

۳۸۴ (۴ ۳۵۲ (۳

- ۱۱۲- فرض کنید t تعداد حالتهای قرار گرفتن ۵ شیء متمایز در ۳ ظرف متمایز، باشد بهطوری که هیچ ظرفی خالی نمانده و ترتیب اشیاء در ظرفها مهم باشد. همچنین ۶ تعداد حالتهای قرار گرفتن ۵ شیء متمایز در ۳ ظرف متمایز باشد، بهطوری که هیچ ظرفی خالی نمانده و ترتیب اشیا در ظرفها مهم <u>نباشد</u>. کدام مـورد درست است؟
 - $\frac{t}{s} \in (1, \mathbb{T}] \ (\mathbb{T} \qquad \qquad \frac{t}{s} \in [\circ, 1] \ (\mathbb{T} \\ \frac{t}{s} \in (\Delta, \infty) \ (\mathbb{T} \qquad \qquad \frac{t}{s} \in (\mathbb{T}, \Delta] \ (\mathbb{T} \\ \frac{t}{s} \in (\mathbb{T}, \Delta) \ (\mathbb{T} \ (\mathbb{T}, \Delta) \ (\mathbb{T} \ (\mathbb{T}, \Delta) \ (\mathbb{T}, \Delta)$
- ۱۱۳- فرض کنید t تعداد جایگشتهای حروف کلمه AAABBCCCDD باشد، که در آن کلمه AB ظاهر نشده است.

۱۱۴- فرض کنید t تعداد رشتههای به طول ۸ با نمادهای (حروف) ۹٫۱ باشد، بهطوری که حـداقل در یکـی از دو شرط زیر صدق کند:

گر
$$\mathbf{x} = \mathbf{x} imes \mathbf{y}$$
، بهطوری که \mathbf{x} و \mathbf{y} اعداد طبیعی باشند و \mathbf{x} فرد باشد آنگاه مقدار $\mathbf{x} imes \mathbf{y}$ در کدام بازه، قرار دارد؟

$$\begin{bmatrix} \circ, 1 \circ \end{bmatrix} (7 \qquad (1 \circ, 7 \circ] (1 \circ, 7 \circ) (1 \circ, 7 \circ] (1 \circ, 7 \circ) (1 \circ, 7 \circ)$$

$$\Delta \circ, \infty$$
) (f $(\Upsilon \circ, \Delta \circ]$ (f

$$(T\circ,\infty) (f \qquad (1\circ,T\circ] (T))$$

1070 (4

صفحه ۲۷	460C	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ــ شناور
		۔ ۱۱۸ - از دو گزاره زیر، کدام گزاره درست است؟
		الف ـ گراف G با ۸ رأس و ۱۷ يال و عدد رن
ر ۳ رنگ، رنگ کرد به	ـته باشد، آنگاه رأسهای آن را میتوان با حداکث	<u>,</u>
		گونهای که هیچ دو رأس مجاوری همرنگ
	۲) فقط «ب»	۱) فقط «الف»
	۴) هیچکدام	۳) هر دو
د. اگر ایــن دنبالــه در	تابع مولد دنباله $\left\{ \mathbf{c}_{\mathbf{n}} ight\} _{\mathbf{n}=\circ}^{\infty}$ تابع مولد دنباله $\mathbf{C}(\mathbf{x})$ = ۱+۲ $\mathbf{x}^{ extsf{T}}$	۱۱۹- فرض کنید ۰۰۰+ ۸۲ ^۶ +۵۲x ^۴ +۲۲x ⁴ +۸x ^۴
ت؟	صدق کند، کدام مورد درست اس $\mathbf{c_n} = \mathbf{ac_{n-1}} +$	$\operatorname{bc}_{\mathbf{n}-\mathbf{Y}}+\operatorname{cc}_{\mathbf{n}-\mathbf{Y}}$, $\mathbf{n}\geq \mathtt{Y}$ رابطه بازگشتی
	b ∈ (−۲, ۱ ∘] (۲	$b \in [-\infty, -r]$ (1
		$\mathbf{b} \in (1 \circ, \mathfrak{r} \circ]$ (r
	t = $rac{\mathbf{a_F}}{\mathbf{\gamma_1}\mathbf{a_f}}$. کدام مورد درست است؟	- اگر $\frac{1}{(1+\pi x)^{1^{\circ}}} = \sum_{i=0}^{\infty} a_i x^i$ اگر - ۱۲۰
	$\mathbf{t}\in \left(-\mathbf{T},\mathbf{T}\mathbf{Y} ight]$ (T	$t \in [-\infty, -7]$ (1
	$\mathfrak{t}\in (\Delta\mathfrak{F},\infty)$ (f	$t \in (YY, \Delta F]$ (Y
نامیم. کدام مورد درست	و مجموع اعداد طبیعی ۳ رقمی مضرب ۳ را k می	۔ ۱۲۱ - مجموع اعداد طبیعی ۳ رقمی مضرب ۷ را n
		است؟ (اعداد ۳ رقمی از ۱۰۰ شروع میشوند.
	n (۲ زوج و k فرد است.	n (۱ فرد و k زوج است.
	n (۴ و k هر دو زوج هستند.	
< (f(۱) مدام است؟		۱۲۲ – تعداد تابعهای یکبهیک مانند f ، از {۰۰,۹
	$\frac{\pi! \times 1\Delta!}{C!}$ (7)	16!
	<u></u>	$\frac{1}{\pi! \times \mathfrak{s}!} $
	$\frac{r! \times 1\Delta!}{\epsilon! \times 9!} $ (f	$\frac{10!}{\pi! \times \epsilon! \times \epsilon!} $ (m
	۶!×٩!	۳!×۶!×۹!
ر گیـرد. تعـداد حـالات	مشابه چنان پخش کنیم، که در هر سبد ۷ توپ قـرار	۱۲۳- میخواهیم ۷ ^۳ توپ غیرمشابه را در ۷ ^۲ سبد
ت؟	مدد طبیعی k که n بر ۷ ^k بخش پذیر باشد، کدام اس	ممکن برای این کار را n مینامیم. بزرگترین د
		۱۷ (۱
		18 (۲
		٨ (٣
		۴) صفر
۲ خانــه بـاقیمانــده را	ف کردهایم. به چند طریق می <i>ت</i> وان ۲ خانـه از ۱ ^۰	۱۲۴- یک خانه از گوشه یک جدول ۷×۶ را حذ
-		انتخاب کرد، بهطوری که نه در یک سطر باش
		۲۸۵ (۱
		۶۰۰ (۲
		۸۲۰ (۳

 $9! \times 10!$ ()

 $\frac{1 \circ ! \times 7 \circ !}{7 \circ} (7)$

۱) فقط «الف»

۳) هر دو

 $\frac{9!}{T}$ ()

<u>۹!</u> (۲

 $\frac{\frac{9!}{17}}{\frac{9!}{77}}$ (r $\frac{9!}{77}$ (r

460C صفحه ۲۸ ۱۲۵ – ۲۰ مهره سفید غیرمشابه و ۱۰ مهره سیاه غیرمشابه موجود است. به چند طریق می توان این ۳۰ مهره را دور یک دایره چید بهطوری که هر مهره سفید با یک مهره سفید و یک مهره سیاه، مجاور باشد؟ 10!×19! (T 9!×19! (f 1۲۶- کدام درست است؟ الف ـ هر گراف ۱۴ رأسی، فاقد (بدون) يال برشی، حداقل ۱۴ يال دارد. ب ـ هر گراف ۱۴ رأسی با ۴۲ یال، فاقد (بدون) یال برشی است. ۲) فقط «ب» ۴) هیچکدام ۱۲۷- یک گراف کامل ۹ رأسی، دارای چند زیرگراف یکریخت (همسان) با گراف زیر است؟

۱۲۸ - یک گراف مسیر با ۱۵ رأس (و ۱۴ یال) مفروض است. به چند طریق می توان ۵ رأس از آن را انتخاب کرد، بهطوریکه دوبهدو غيرمجاور باشند؟

$$\begin{pmatrix} 1 \\ \varsigma \end{pmatrix} (r) \qquad \begin{pmatrix} r \\ \varsigma \end{pmatrix} (r) \qquad \begin{pmatrix} r \\ \varsigma \end{pmatrix} (r) \qquad \begin{pmatrix} 1 \\ \varsigma \end{pmatrix} (r) \qquad \begin{pmatrix} r \\ \varsigma \end{pmatrix} (r) \qquad \begin{pmatrix} r \\ \varsigma \end{pmatrix} (r) \qquad (r)$$

۱۲۹ کدام مورد برای رابطه بازگشتی زیر، همواره درست است؟

 $a_n = -f(a_{n-1} + a_{n-1})$

$$a_n = c_1 (-7)^n + c_7 7^n + c_7 7^n + c_7 7^n و c_1 (1)$$

 $a_n = (c_1 + c_7 n) 7^n + c_7 2 e e e c_1 (1) e c_1 ($

- ۱۳۰- به چند طریق می توان ۱۱ پله را با قدمهای یک و دو پلهای طی کرد، بهطوری که اگر اولین قدم یک پلهای باشد، آنگاه آخرین قدم، دو یلهای باشد؟
 - 110 ()
 - ٨٩ (٢
 - ۵۵ (۳
 - 74 (4